

Chapitre ④: Théorème de Thalès

Théorème de Thalès direct

propriété directe

ABC un triangle
 Si $\begin{cases} ME(AB) \\ NE(AC) \end{cases}$ tel que $(MN) \parallel (BC)$

Alors $\frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC} = \frac{MN}{BC}$

← longueurs du triangle AMN
 ← longueurs du triangle ABC

Théorème de Thalès réciproque

propriété réciproque

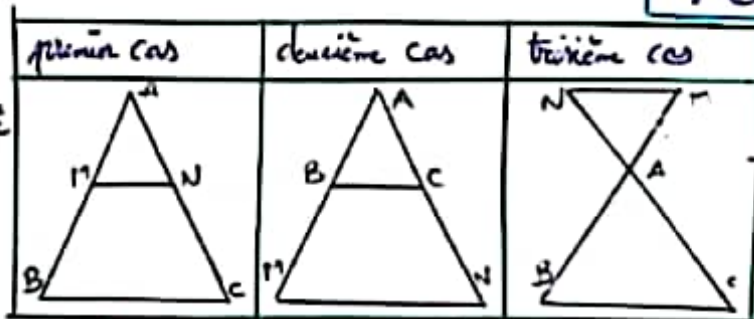
ABC un triangle et les points A, M et B ont le même ordre que les points A, N et C

tel que $\frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC}$

Alors: $(MN) \parallel (BC)$

Remarque:
 * appartenance + parallélisme directe $\xrightarrow{\text{Thalès}}$ triple égalité

* Le théorème de Thalès direct est utilisé pour calculer les longueurs



⚠️ fait attention à la rédaction

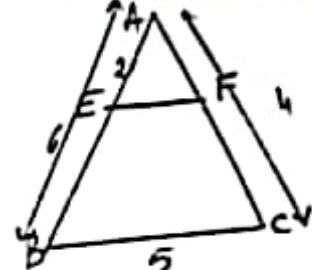
Remarque:
 * appartenance + ordre des points $\xrightarrow{\text{Thalès}}$ parallélisme
 * Egalité (2 rapports) réciproque

* Le théorème de Thalès réciproque est utilisé pour montrer le parallélisme.
 * La condition de l'ordre des points est nécessaire

→ Exemple

ABC un triangle tel que $AB=6, AC=4, BC=5$
 Un point de (AB) tel que $AE=2$
 La parallèle à (BC) passant par E coupe (AC) en F

Calculer AF et EF



On considère le triangle ABC
 On a $\begin{cases} EE(AB) \\ FE(AC) \end{cases}$ tel que $(EF) \parallel (BC)$
 donc d'après le théorème de Thalès direct, on a: $\frac{AE}{AB} = \frac{AF}{AC} = \frac{EF}{BC}$

$\frac{2}{6} = \frac{AF}{4} = \frac{EF}{5}$

donc $AF = \frac{2 \times 4}{6} = \frac{4}{3}$

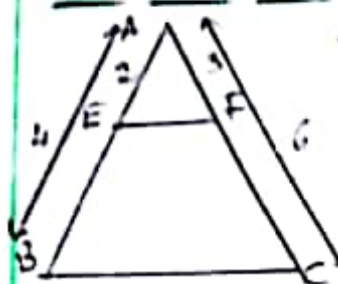
$EF = \frac{2 \times 5}{6} = \frac{5}{3}$

$AF = \frac{4}{3}$

$EF = \frac{5}{3}$

→ Exemple

ABC un triangle tel que $AB=4$ et $AC=6$
 Un point de (AB) tel que $AE=2$
 Un point de (AC) tel que $AF=3$
 Montrer que $(EF) \parallel (BC)$



donc $\frac{AE}{AB} = \frac{2}{4} = \frac{1}{2}$

$\frac{AF}{AC} = \frac{3}{6} = \frac{1}{2}$

donc $\frac{AE}{AB} = \frac{AF}{AC}$

On considère le triangle ABC
 On a $\begin{cases} EE(AB) \\ FE(AC) \end{cases}$ et les points A, E et B ont le même ordre que les points A, F et C

et on a $\frac{AE}{AB} = \frac{AF}{AC}$

donc d'après le théorème de Thalès réciproque, on a:

$(EF) \parallel (BC)$